算数オンライン塾8月6日の問題 - 数の性質-

A君、B君の二人で、次の石取りゲームをします。

- はじめに何個か石があります。
- はじめに石を取る人はA君とします。
- 交互に 1 個から 6 個までの石を取ることができます。
- 最後に残った石をすべて取った人が勝ちとします。

例えば、はじめに20個の石があります。

- ① A 君は5個の石を取りました。
- ② B 君は残った 15 個の石から 6 個の石を取りました。
- ③ A 君は残った9個の石から1個の石を取りました。
- ④ B 君は残った8個の石から5個の石を取りました。
- ⑤ A 君は残った3個の石から3個すべてを取ったので、ゲームに勝ちました。

(1)はじめに 15 個の石があります。そこから A 君は 3 個の石を取りました。 次に B 君は何個の石を取れば、A 君の石の取り方によらず、B 君は必ず勝つこ とができますか。

(2)はじめにある石が40個、41個、42個、43個のうち、A君の石の取り方によらず、B 君が必ず勝つことができるはじめの石の個数をすべて選びなさい。

(3) はじめにある石が 10 個以上 100 個以下の場合、B 君の石の取り方によらず、A 君が必ず勝つことができるはじめの石の個数は何通りありますか。

【式と考え方】

(1)	(2)	(3)	